

A 区间异或第k大

如果能获取区间内的线性基，则求第K大是容易的，只需要用线性基贪心地选取即可。

一个容易想到的做法是线段树维护线性基，每次询问将多组线性基合并起来。但是这复杂度为 $O(n \log^3)$ ，无法接受。

我们考虑前缀线性基做法，维护前缀区间 $a_1 \sim a_i$ 的线性基和最晚出现时间。则对于询问 $[l, r]$ ，可用的线性基是最晚出现时间大于等于 l 的，用可用线性基求第K大即可。这样复杂度只有 $O(n \log n)$

B 最大popcount

如果 $n = 0$ ， $\text{popcount}(x)$ 最大是 $x = \text{popcount}(x) = 0$ ，输出0即可。

否则满足要求的数字是形如11...11的二进制下全1的数字，可以暴力枚举或者用数学方法计算。

C 点对统计

设点 i 在第一个图里属于 x_i 联通块，第二个图里属于 y_i 联通块， x_i, y_i 通过并查集求得。

问题转换成有多少个点 i, j 满足 $i < j, x_i == x_j$ 且 $y_i == y_j$ ，我们将 (x_i, y_i) 成对地存储在 map 等形式的桶里，统计出现次数，桶内计算 C_{sum}^2 即可。

D 万剑归一

首先， a_1 必须为1，其他点的 a_i 需要构成一棵 i 指向 a_i 的以1为根的内向树，深度最多为 m 。

我们抛弃掉 a_i ，开始计算 n 个点的树，以1为根，树高 $\leq m$ 的方案数。

设 $f[i][j][k]$ 表示 $1 \sim i$ 号点，树高恰好为 j ，且深度为 j 的点恰好有 k 个的方案数。计算 $f[i][j][k]$ 时，枚举上一层用了 k_1 个点，则有 $f[i][j][k] = \sum f[i - k][j - 1][k_1] * C_{n-i+k}^{k_1} * k_1^k$ 。预处理组合数和快速幂可以做到 $O(n^3 m)$ 。

E 最小生成树

如果规定必须使用 cnt 条白边，可以用 wqs 二分求出。接下来设 $\text{ask}(\text{cnt})$ 表示恰好使用 cnt 个白边的最小花费。

由于 $\text{ask}(\text{cnt})$ 是斜率单调的凹函数， cnt^2 也是斜率单调的凹函数，因此 $\text{ask}(\text{cnt}) + \text{cnt}^2$ 也是斜率单调的凹函数，可以用二分求最小值。 $\text{ask}(\text{cnt})$ 内部不要暴力排序，而是类似归并排序地合并白边黑边，可以做到 $\text{ask}(\text{cnt})$ 复杂度视为 $O(m + n)$ ，总复杂度为 $O(m \log^2)$ 。由于 $\text{ask}(\text{cnt})$ 有重复计算，使用记忆化可以优化至1.5s。

F 传送带

第 i 条边建立传送带的时间戳是 i ，则路径 i 的花费变为0的时间是所经过的边的时间戳的最大值。

将每条边的时间戳设立为边权，则问题转变成树上路径边权最大值，可以用类似倍增 lca 的做法求之。

每条路径变为0的时间确定后，第 i 行本质上是在询问有多少条路径变为0的时间小于等于 i ，用桶+前缀和的思想可以解决。

G 组合数的奇偶

卢卡斯定理告诉我们，将 a 、 b 二进制分解为 $a_0a_1a_2a_3a_4\dots$ 和 $b_0b_1b_2b_3b_4\dots$ ，则

$$C_b^a = C_{b_0}^{a_0} C_{b_1}^{a_1} C_{b_2}^{a_2} \dots$$

%2意义下， C_b^a 的情况只有四种： $C_0^0 = 1, C_0^1 = 0, C_1^0 = 1, C_1^1 = 1$ 。因此要想 C_b^a 为奇数，需要不存在 $a_i = 1, b_i = 0$ ，也就是说二进制下 a 需要是 b 的子集。

问题转变成区间 $[l, r]$ 内有多少对 $a \leq b$ 满足 a 是 b 的子集，为了避免数位 dp 难写所以调小了 t ，可以使用数位 dp 或者非常好写的高维前缀和解决。

H 最小树成本

设 $siz[x]$ 表示以 x 为根的子树大小， $siz[x] = 1 + \sum siz[y]$ ，其中 y 是 x 的儿子。

设 $f[x][i]$ 表示 x 在以 x 为根的子树内部编号排名为 i 的最小成本

初步思考一下，我们疑似需要枚举儿子们 y 的排列顺序，花费为

$f[x][i] = \min(\sum (f[y][j] + c[y] * (x \text{到} y \text{的距离})))$ ，其中 x 到 y 的距离受制于儿子们 y 的排列顺序和 j 的情况。

现在考虑儿子们的相对位置

如果确定了 a, b 在 x 左边，则如果 $a b x$ 地排列，多的花费为 $c_a * siz_b$ ；如果 $b a x$ 地排列，多的花费为 $c_b * siz_a$

如果在 b 左边，这需要满足 $c_a * siz_b \leq c_b * siz_a$ ，可以根据这个对儿子进行排序，将 c/siz 更小的放在左边。

反之，如果确定了 a, b 在 x 右边，类似地可以证明 $x a b$ 地排列要 $c_b * siz_a \leq c_a * siz_b$ ，发现需要将 c/siz 更大的放在左边。

因此，对儿子们按 c/siz 从大到小排序，就可以先安排靠近 x 的儿子，新枚举到的儿子会远离 x ，放在最左边或者最右边。这样的好处是之前按顺序靠近 x 安排了不少儿子，新枚举到的儿子要么放在当前块的左端，要么放在当前块的右端，收益是只和 c_y, y 在自己块内的位置、 x 之前的块的位置有关的。到这里对于随机的树已经可以通过，而链的情况会退化到 n^3 ，还需要继续优化。

```
sort(e[x].begin(), e[x].end(), cmp);
for(auto y: e[x])
{
    sizz += siz[y];
    for(int j = sizz; j >= 1; j--)
    {
        ll minn = 0x3f3f3f3f3f3f3f3f;
        for(int k = 1; k <= siz[y]; k++)
            if(j >= siz[y])
                minn = min(minn, min(f[x][j - siz[y]] + f[y][k] + c[y] * (j - k), f[x][j] + f[y][k] + c[y] * (sizz - siz[y] - j + k)));
            else
                minn = min(minn, f[x][j] + f[y][k] + c[y] * (sizz - siz[y] - j + k));
        f[x][j] = minn;
    }
}
```

可以发现除了要确定了哪些儿子在 x 左边、哪些在右边，还需要确定 x 的儿子们在自己的子树内部的位置，这个信息和 x 、 j 无关，可以预处理：

若 x 未来会放在父亲的左边，设 $gl[x] = \min(f[x][j] - c[x] * j)$ 表示 x 在子树内部不同位置的最小花费。

当 x 未来会放在父亲的右边，同样地设 $gr[x] = \min(f[x][j] + c[x] * j)$ 表示 x 在子树内部不同位置的最小花费。

确定了儿子们的相对位置和内部位置后，接下来只需要确定每个儿子放在 x 前面还是后面即可，是类似背包的过程。

代码如下：

```
int cmp(int a,int b)
{
    return c[a]*siz[b]>c[b]*siz[a];
}
void dfs(int x)
{
    siz[x]=1;
    for(auto y:e[x])
    {
        dfs(y);
        siz[x]+=siz[y];
    }
    ll sizz=1;
    f[x][1]=0;
    sort(e[x].begin(),e[x].end(),cmp);
    for(auto y:e[x])
    {
        sizz+=siz[y];
        for(int j=sizz;j>=1;j--)
        {
            if(j>=siz[y])
                f[x][j]=min(f[x][j-siz[y]]+gl[y]+c[y]*j,f[x][j]+gr[y]+c[y]*
(sizz-siz[y]-j));
            else
                f[x][j]=f[x][j]+gr[y]+c[y]*(sizz-siz[y]-j);
        }
    }
    for(int j=1;j<=sizz;j++)
    {
        gl[x]=min(gl[x],f[x][j]-c[x]*j);
        gr[x]=min(gr[x],f[x][j]+c[x]*j);
    }
}
```

I 挡雨布

将点集的上凸包处理出来，计算面积即可。

用`set`维护当前上凸包，每次插入新点时找到这个点左右临近的两个点，判断是否应该插入，或是是否应该将临近的点删去。也有对点排序后单调栈维护上凸包的做法，总而言之是计算几何模板题。

复杂度为 $O(n\log n)$

J 输入距离

由于刚开始停留在`a`字母上，因此只需要贪心地将字符串排序，就可以保证不走回头路，不使用向左的操作。

排序后统计答案即可。

K 圆

由于 $n \leq 10$ ，因此暴力枚举全排列判断是否合法即可，复杂度 $O(n! * n^2)$ 。

L 编辑器

shift操作可以使用一个标记变量，这样小写字母和数字`0 ~ 9`容易解决。

为了处理其他操作，我们可以维护两个字符串`a, b`，其中`a`表示光标以前的部分，`b`表示光标之后的部分。则每个操作如下处理：

`ENTER`：令 `a += '\n'` 即可

`BACKSPACE`：如果`a`为空则不操作，否则删掉`a`字符串的最后一个元素

`DEL`：如果`b`为空则不操作，否则删掉`b`字符串的第一个元素

`LEFT`：如果`a`为空则不操作，否则把`a`字符串的末尾字符删掉，放在`b`的前面

`RIGHT`：如果`b`为空则不操作，否则把`b`字符串的首元素放在`a`的最后

`UP`：寻找`a`字符串的倒数第一个`\n`和倒数第二个`\n`，如果发现找不到则不做任何操作，否则执行若干次`LEFT`操作

`DOWN`：寻找`a`字符串的最后一个`\n`，`b`的第一个`\n`和`b`的第二个`\n`，如果找不到`b`的`\n`则不做任何操作，否则执行若干次`RIGHT`操作

`HOME`：寻找`a`字符串的倒数第一个`\n`，执行若干次`LEFT`操作

`END`：寻找`b`字符串的第一个`\n`，执行若干次`RIGHT`操作

M 内存溢出

分类讨论题，如果是`MB`则输出 $x * 1000 \text{ KB}$ ，否则输出 $x * 1024 \text{ KiB}$ 。